## 臺北市 110 學年度第1 學期忠孝國民中學資賦優異班領域學習課程計畫

領域/科目	□語文	【 (□國語文 □英語) ✓數學	□社會 □	自然科學(□理々	化 □生物	□地球科學)
課程名	稱	數學	課程類別	✓必修□選修	每週節數	4
課程/教學	設計者	廖俊筌	教學對象		9 年級	
領域核心	素養	數-J-A1 對於學習數學有信心 並能將所學應用於母數-J-A2 具備有理數、納件,執行運算與推論, 物件,執行運算與推論, 制題。 數-J-A3 具備識別現實生活門 數-J-C1 具備從證據討論與 行理性溝通與合作。 數-J-C2 樂於與他人良好互	中。 、坐標系之 生活情境或可 問題和數學的 更解答轉化於 更思事情的	運作能力,並能 「理解的想像情境 的關聯的能力,可 於真實世界。 態度,提出合理的	以符號代表 6中,分析 「從多元、 5論述,並	數或幾何 本質以解決 彈性角度擬 能和他人進
	學表習現	n-IV-4 理解比、例识别是 N-IV-9 使用计算機 的 H	E、 值里意。 質決心某常知的比、 複計, ,幾、一活坐角反 雜算知 用與心角的、互比的機道 對臣的的情弦補	和連比的 數可圖 應常義 度別 大產縮 等的相為 度別 人名 大產縮 等的相 大人 是 放 或 問 相 是 , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	中根 遇 邊 質的 和 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	能運用到 門運算與三 並能應用於 ,判斷兩個 認識這 如圓心
學習重點	學內	N-9-1 連比:連比的記錄時 另-9-1 連比:連接報 開題;涉及複面圖形縮放 S-9-2 三角形的相似性 展邊長之此們的相之則 是之此概念解應用例。 是之此概念解應用例。 是之此概念解於第三時 是之此概念解於第三時 是之此概念解於第三時 是定於明直角該 是之此概為 是之此概念 是之此概念 是之此概念 是之此概念 是之此概念 是之此概念 是之此概念 是之此。 是之此概念 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之此。 是之。 是之。 是之。 是之。 是之。 是之。 是之。 是之	連用意 角面似接)線值量 記 π 推算; 相走得三;截的, 錄 表推算; 相比(影角平比不不 錄 示 展明, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种, 一种	連比別算似 $(AA)$ (AA) 是	其 義 (SSS) (文) 以質 中的 內基基 對 (SSS); 一种 一种 一种 為 一种 一种 為 一种	角相 等 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第 第

	S-9-6 圓的幾何性質	<ul><li>意:圓心角、圓周角</li></ul>	與所對應弧的度數	三者之間的關
	係;圓內接四邊形	<b>/</b> 對角互補;切線段	等長。	
	S-9-7點、直線與圓	]的關係:點與圓的	位置關係(內部、	圓上、外部);
	直線與圓的位置關	<b>引係(不相交、相切</b>	7、交於兩點);圓	心與切點的連線
	垂直此切線(切線	<b>《性質</b> );圓心到弦	的垂直線段(弦心	距)垂直平分此
	弦。		, , , , , ,	, ,
	S-9-8 三角形的外心	2:外心的意義與外	、接圓;三角形的外	心到三角形的三
		三角形的外心即斜	一邊的中點。	
	S-9-9 三角形的內心			
	S-9-10 三角形的重			
	S-9-11 證明的意義			
	' - ' - '	義與性質,並進行運, 第二次第四部第	用。	
教學目標	能理解圓的幾何性質			
	能理解推理與證明		7. 10 目 以 所	
		、內心、重心的意義。		よいな女 □――――――――――――――――――――――――――――――――――――
議題融入			灌教育 □性平教育 □:	—
<b>一                                    </b>			原教育 □安全教育 ☑	
	□ □ 阅读系養 □ 戸外教 學生組別	[月 □ 國際教月 □ 10 9   優異組	災教育 □原住民族教育   中 等 組	落後組
	子生組加	医 共 組	1 子纽	冷饭缸
	學習優弱勢分	對數學領域有	態度積極,能主	較缺乏學習動
	析	特殊興趣與學	動完成交代任	機,擔心學習跟
		習動機	務及具備自學	不上。
			的能力	
	h- m1 /- h	业力的加工人业	ルーフ 協 Ing 入 ムト	业力的加入社
	起點行為	對已學概念熟	對已學概念能	對已學概念模
		悉,能主動自學	有一定程度的	糊,需稍加複習
		課程內容,並形	認知,對課程內	與督促,才能跟
學生能力分析		成初步概念。	容有模糊概念,	上課程。
(區分性教學設計)			能認真參與課	
			堂活動。	
	教學策略	討論與引導。	鼓勵學生自主	提供明確的指
	, , , , , , ,	提供建議與資	學習。	道。
		訊。	鼓勵學生在討	, 給予建議。
		鼓勵學生自主	論中,能發表自	引導學生於課
		學習。	己的意見,檢視	堂中,先瞭解別
		提供學生討論	學習成效。	人的想法,練習
		及發表意見的	1 1 // // / / /	統整相關的想
		場合。		法。
			調整策略:	
			□重組	
		內容,精簡學生精熟	·	
學習內容調整	習內容。	八去 · 幼、昭 日 la ㎜ 1.1 )	加廣	
		速:編選具挑戰性的		
	材,讓課程內容更為	<b>向候</b> 稱	✓加速	口从散业的工匠
				目統整教學主題
			□其他:	

學習歷程調整	1、利用具挑戰性的教材,鼓理、小組討論、高層次思考意見,自我提昇。 2、在課堂中鼓勵學生針對自發表的內容,問「是什麼讓後人人」 養學生說理有據的批判性思	,學習整合眾多 己的學習及上臺 尔這樣說?」, 培	調整高減現理 「開發理理 「開發理理 「開發理理 「開發理理 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開發性 」 「開始的 」 一 の の の の の の の の の の の の の	
學習環境調整	<ol> <li>1、安排適合討論的上課環境</li> <li>2、規畫學生分組活動與表達</li> <li>3、營造教師與學生均能保持</li> <li>支持學生觀點的環境。</li> </ol>	:。 ·開放心態,充分	調整策略: ✓ 調整物理的學習到一個   ✓ 營造社會-情緒的 ✓ 規劃有四應的學習 □ 有挑戰性的學習現 □ 調查與運用社區資 □ 其他:	學習環境 習環境 環境
學習評量調整	1、發展多元評量,如教師評作業內容、發表能力、同傳語等方式,協助教師與學生共同況,並作為修正考課設計與認定、對於不同學習能力的學生評量標準。	评量、自我評量 司瞭解學習狀 <b>数學的參考</b> 。	調整策略:	量標準
週次	單元名稱	課程	內容說明	備註
1	1-1 連比例	1、學會求連比例 2、學會使用連片		
2	1-2 比例線段	1. 理解平行線截 2. 知道三角形雨 質。	比例線段性質。 邊中點連線段性 ,做出比例線段。	
3	1-2 比例線段。	兩種證法。	生質與外分比性質的 國中知識證明高中分	
J	1-3 相似多邊形	3、探討孟氏定理。 1. 能理解縮放圖形的意義。 2. 能將圖形縮放。 3、知道相似形的意義。		
4	1-3 相似多邊形	相似性質。 預計補充:	SS、SAS、AAA (或 AA) 2 的三角形,探討正 例與尺規作圖。	

		2、探討槓桿原理解相似題目的方法
		2·14的很什尔吐肝怕似翅目的刀石
5	1-4 相似三角形的應用與 三角比	1. 能利用相似性質進行簡易的測量。 2. 兩個相似三角形,其內部對應的 線段比,例如高、角平分線、中 線,都與原來三角形的邊長比相 同,而兩個相似三角形的面積比為
		邊長平方的比。 1. 了解直角三角形內部的相似關係
6	1-4 相似三角形的應用與 三角比	與比例線段 2. 了解連接三角形與四邊形各邊中點後,新圖形與原圖形問長與面積的關係。 3、理解三角比。 4、應用三角比於解題。
7	1-4 相似三角形的應用與 三角比	預計補充: 1、校園實測活動 2、面積 64=65?活動 3、放大縮小尺的介紹與使用 4、素描格板的介紹 5、簡單三角函數介紹
8	2-1 點、線、圓	1. 能理解點、直線與圓的位置關 係。 2. 能理解切線的意義及其性質。
9	2-1 點、線、圓	1. 能知道過圓外一點的兩條切線段 等長。 2. 能理解圓外切四邊形的兩組對邊 和相等。 3. 能理解弦心距的意義及其性質。
10	2-1 點、線、圓	1. 能理解公切線的意義及其性質。 2. 能理解兩圓位置關係與連心線段長的關係。 預計補充: 1、點到直線的距離公式 2、點對直線的投影點、對稱點求法 3、圓的二次方程式
11	2-2 圓心角與圓周角	1. 能理解圓心角、圓周角的意義及其 度數的求法。 2. 能理解半圓的圓周角是直角。
12	2-2 圓心角與圓周角	1. 能理解圓內接四邊形的對角互補。 2. 能理解弦切角的意義及其度數的 求法。
13	2-2 圓心角與圓周角	1. 能理解圓內角、圓外角的意義及其 度數的求法。

14	2-2 圓心角與圓周角	1. 能知道圓的線段乘幂性質。 預計補充: 1、如何尺規作兩圓的內、外公切線 2、證明:△=abc/4R 3、圓周角在足球角球的應用探討 4、商高定理證圓幂性質 5、托勒密定理探討 6、蝴蝶定理探討 7、硬幣滾動情形探討 8、如何切割長方形,拼成正方形
15	3-1 證明與推理	1. 能理解數學的推理與證明的 意義。 2. 能做簡單的「幾何」推理與 證明。
16	3-1 證明與推理	1. 能做簡單的「數與量」及 「代數」推理與證明。
17	3-2 三角形的心	1. 能理解一個三角形三邊中垂線會交於一點,這一點就是此三角形的外心。 2. 能利用尺規作圖找出三角形的外心。 3. 能理解外心到三角形的三頂點距離等長。
18	3-2 三角形的心	1. 能理解一個三角形三個角的角平 分線會交於一點,這一點就是此三角 形的內心,也是此三角形內切圓的圓 心。 2. 能利用尺規作圖找出三角形的內 心。 3. 能理解內心到三角形的三邊等距 離。 4. 能知道三角形內切圓半徑與三邊 長的關係。
19	3-2 三角形的心	1. 能理解三角形的重心是三中線的交點。 2. 能利用尺規作圖找出三角形的重心。 3. 能理解三角形的重心到一頂點距離等於過該頂點之中線長的 <sup>2</sup> / <sub>3</sub> 。 4. 能理解三角形的重心與三頂點的連線段將三角形的面積三等分。 5. 能理解三角形的三中線將三角形的面積六等分。
20	3-2 三角形的心	<ol> <li>1. 能知道特殊三角形三心的關係。</li> <li>2. 能理解多邊形外心的意義。</li> <li>3. 能理解多邊形內心的意義。</li> </ol>

	4. 能理解正多邊形的外心與內心是 同一點。 預計補充:
	1、九點圓探討 2、三心距離比
教學資源	網路相關資料、相關數學書籍、書商資料。
教學方法	先帶領學生閱讀課本,理解內容。 分組討論,包含課內及補充內容,並上臺發表。
教學評量	紙筆測驗、作業、課堂問答、分組討論參與情形、上臺發表。

## 臺北市 110 學年度第二學期忠孝國民中學資賦優異班領域學習課程計畫

領域/科目	□語文	〔○國語文 □英語〕	) ✓ 數學	□社會 □	自然科學(□理々	化 □生物	□地球科學)
課程名	稱	數學		課程類別	✓必修□選修	每週節數	4
課程/教學	設計者	廖俊筌		教學對象		9 年級	
領域核心	素養	數-J-A1 對於學習數並能將所 學應用於數-J-A2 具備有算與物件,執行運算與的問題。數-J-A3 具備識別的問題,J-B1 具備之數,J-B1 具備之數,其一數,其一數,其一數,其一數,其一數,其一數,其一數,其一數,其一人。	日、論 實能數數述良生成在 活問幾語活互 活問幾語活互	中、活 題解 對 表 不 與 帮 學 化 關 與 轉 學 果 嚴 不 與 華 縣 不 與 再 唯 此 解 更 性 此	運作能力,並能了理解的想像情好的關聯的能力,以及其實力的能力,以及其一人。 其中 人名	以符,然 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人 人	數或幾何 本質以解 理性 的 理性 明 現 表 。 。 元 解 於 形 以 所 是 的 以 是 的 是 的 是 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。 。
學習重點	學現	S-IV-16 理解簡單的面積及體積。 f-IV-2 理解二次函類問題。 d-IV-1 理解二次函類問題。 d-IV-1 理解常用,與 體的 資訊表徵率的 d-IV-2 理解機率的 性,並 能應用機率 數-J-C3 具備敏察系	數數 計人意到的的標表通,電子表達,,。能	,並能描繪 式,熟知開 並能運用簡 以機率表活情	二次函數的圖形 口方向、大小、 單統計量分析資料 不確定性和以樹片 境解決問題。	。 頁點、對稱 料的特性及 狀圖分析所	軸與極值等 使用統計軟 有的可能
	學習內容	S-9-12 空間中的線只 S-9-13 表面積與體 F-9-1 二次函教的意 F-9-2 二次函數的圖 D-9-1 統計數據的分 D-9-2 認識機率。 D-9-3 古典機率。	積。 :義。 ]形與極值	Î °			
教學目	標	能理解二次函數的意 能理解立體圖形及唇 能理解常用統計圖表 能理解機率的意義與 能理解課外補充資料	展開圖,立 長,並運用 與運用。	£能計算表战 目簡單統計員	量分析資料。		
議題融	<b>入</b>	✓家庭教育 □生命教□海洋教育 □資訊教 ✓閱讀素養 □戶外教	育 □科技	教育 □能源	教育 □安全教育	✓ 生涯規畫	□□多元文化
學生能力 (區分性教學		學習優弱勢分析		領域有趣與學	中等組 態度積極,能 動完成交代 務及具備自 的能力	壬 機,打	乏學習動 詹心學習跟

	教學策略	悉課成 討提訊鼓學提,程初 論供。勵習供與建 學。學		有認容能堂 鼓學鼓論己一知有認活 勵習勵中的	學生自主	糊與上 提導給引堂人	明確的指
學習內容調整	1、濃縮:濃縮課本所習內容。 2、加深、加廣與加達材,讓課程內容更為	速:編選	具挑戰性的	·	調□ <b>✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓</b>	目統整	教學主題
學習歷程調整	□ 調整策略: □ 高層次思考 □ 開放式問題 □ 八組討論、高層次思考,學習整合眾多意見,自我提昇。 ②、在課堂中鼓勵學生針對自己的學習及上臺發表的內容,問「是什麼讓你這樣說?」,培養學生說理有據的批判性思考能力。 □ 國體式的互動 □ 彈性的教學進度 □ 多樣性的歷程						
學習環境調整	□其他:						
學習評量調整	1、發展多元評量, 作業內容、發表能力 等方式,協助教師與 況,並作為修正考課 2、對於不同學習能 評量標準。	、同儕記 學生共同 發計與者	平量、自我: 同瞭解學習; 改學的參考	评量 伏 。	調整策略: ✓ 發展合適的 ✓ 訂定現多元的 ✓ 其他:	生的評量	<b></b>
週次	單元名稱			課程	內容說明		備註

r	1	
		1. 能理解二次函數的意義。
		2. 能描繪二次函數 <i>y=ax²</i> (a≠0)
		的圖形並能察覺圖形的對稱軸、開
	1-1	口方向及最高點或最低點。
1	二次函數的圖形	$3.$ 能描繪 $y=ax^2+k$ $(a\neq 0 \cdot k\neq 0)$
	一人因数明固加	的圖形,發現圖形的對稱軸、開口
		方向及最高點或最低點。並能察覺
		圖形與二次函數 y=ax²的圖形之關
		<b>係</b> 。
		1. 能描繪二次函數 y=a(x-h)2
		$(a \neq 0)$ 的圖形,發現圖形的對稱
		軸、開口方向及最高點或最低
		點。並能察覺圖形與二次函數 y=
		$ax^2$ 的圖形之關係。
		2. 能描繪二次函數 $y=a(x-h)^2+k$
		(a≠0)的圖形,發現圖形的對稱
	1-1 二次函數的圖形	軸、開口方向及最高點或最低點。
2		並能察覺圖形與二次函數 y=ax²的
		<b>圖形之關係。</b>
		3. 能知道二次函數 <i>y=a(x-h)</i> <sup>2</sup> +k
		$(a\neq 0)$ 的圖形為拋物線,是以直線
		x=h (或 x-h=0)為對稱軸的線
		】 對稱圖形,a>0時,圖形開口向
		上, 其頂點(h, k)是最低點, a<
		0 時,圖形開口向下,其頂點(h,
		( <i>k</i> )是最高點。
		1. 能描繪出圖形並知道圖形的對稱
		軸方程式、頂點坐標及開口方向。
		2. 能利用二次函數圖形的頂點位置
3	1-2 二次函數圖形與極值	以及開口方向,求此二次函數的最
		大值或最小值。
		3. 能知道拋物線與 <i>X</i> 軸的兩個交
		點,為其對應一元二次方程式的根。
		1. 能描繪出圖形並知道圖形的對稱
		軸方程式、頂點坐標及開口方向。
		2. 能利用二次函數圖形的頂點位置
4	1-2 二次函數圖形與極值	以及開口方向,求此二次函數的最
	10一八四双四小六字但	大值或最小值。
		3. 能知道拋物線與 <i>X</i> 軸的兩個交
		b. 肥知
		加 / 何央判愿

		1 化利用一点乙酰切上然照从应用
		1. 能利用二次函數解決簡單的應用
5	1-2 二次函數圖形與極值	問題。
		預計補充:
		1、圓錐曲線相關概念
		1、處理單一統計量(平均數、中
_		位數、眾數)表達數據。
6	2-1 數據分布與盒狀圖	2、會求全距、四分位數、四分倍
		距、繪製盒狀圖,並理解盒狀圖可
		用來描述數據的集中程度
		1. 能繪製盒狀圖,並利用盒狀圖來
		分析幾組資料間的關係。
		2. 能理解全距與四分位距的意義。
		3. 能計算出一群資料的全距與四分
		位距。
7	2-1 數據分布與盒狀圖	4. 能理解當存在少數特別大或特別
		小的資料時,四分位距比全距適合
		來描述整組資料的分散程度。
		5. 能由四分位距和全距間的差異描
		述整組資料的分散程度。
		1. 能從具體情境中認識機率的概
		念。
8	2-2 機率	2. 能理解由一個實驗所有可能出現
		結果的部分產生的每一種組合,就
		稱為一個事件。
		1. 能理解由一個實驗所有可能出現
		結果的部分產生的每一種組合,就
		稱為一個事件。
		2. 能利用樹狀圖列舉出一個實驗的
0	ெ ெ பிடக்	所有可能結果,進而求出某事件發
9	2-2 機率	生的機率。
		預計補充:
		1、三門問題。
		2、簡單條件機率。
		3、乘法原理、加法原理。
		1. 能認識線與平面、平面與平面的
		垂直關係與平行關係。
10	第3章立體圖形	2. 能以最少性質辨認立體圖形。
		3. 能理解柱體的頂點、面、邊的組合
	<u> </u>	

		因素。
		4. 能理解柱體的基本展開圖。
		5. 能計算柱體的體積與表面積。
		6. 能理解錐體的頂點、面、邊的組合
		因素。
		7. 能理解錐體的基本展開圖。
		8. 能計算錐體的表面積。
		1. 能認識線與平面、平面與平面的
		垂直關係與平行關係。
		2. 能以最少性質辨認立體圖形。
		3. 能理解柱體的頂點、面、邊的組合
		因素。
		4. 能理解柱體的基本展開圖。
		5. 能計算柱體的體積與表面積。
11	第3章立體圖形	6. 能理解錐體的頂點、面、邊的組合
		因素。
		7. 能理解錐體的基本展開圖。
		8. 能計算錐體的表面積。
		預計補充:
		1、柏拉圖多面體探討。
		2、歪斜線。
		3、正立方體截面探討。
		1. 數的四則運算
		2. 最大公因數、最小公倍數
		3. 比與比例式
12	數與量篇	4. 平方根的運算
		5. 等差數列與等差級數
		1 = 4+10+
		1. 一元一次方程式 2. 二元一次聯立方程式
		3. 二元一次方程式的圖形
		4. 線型函數
13	   代數篇	5. 一元一次不等式
	I V X/V/mj	6. 乘法公式與多項式
		7. 畢氏定理
		8. 因式分解
		9. 一元二次方程式
		10. 二次函數
14	幾何篇	1. 生活中的平面圖形
14	双門扁	2. 尺規作圖

<ul> <li>3.線對稱圖形</li> <li>4.三角形的基本性質</li> <li>5.平行四邊形</li> <li>6.相似形</li> <li>7.圓</li> <li>8.幾何與證明</li> <li>9.生活中的立體圖形</li> </ul>	
5. 平行四邊形 6. 相似形 7. 圓 8. 幾何與證明	
6. 相似形 7. 圓 8. 幾何與證明	
7. 圓 8. 幾何與證明	
8. 幾何與證明	
9. 生活中的立體圖形	
10. 統計與機率	
1. 理解畢氏定理。 15 摺其所好 ————————————————————————————————————	
2. 求√ <i>n</i> 的長度。	
1. 認識黃金比例、白銀比例、青銅	
16 勘與以口工	
16 數學好好玩 2. 培養觀察、分析解決問題的能	
力。	
1. 能熟練數的運算規則。	
2. 訓練分析、邏輯推理能力。	
3. 能運用一元一次方程式,解決生	
17 腦力大激盪 活中的問題。	
4能運用二元一次聯立方程式,解 決生活中的問題。	
題。	
1. 理解函數的定義。	
2. 訓練分析、邏輯推理能力。	
18 腦力大激盪 3. 能從生活情境中,理解二元一次 为	
方程式的應用。	
5. 認識生活中,黃金比例的運用。	
1. 理解一筆畫、數迴、圖形密碼、	
19 挑戰腦細胞 數謎等問題,訓練分析、邏輯推理	
能力。	
1. 理解魔算、吹牛、移動小火柴、猜	
20 挑戰腦細胞 帽子等問題,訓練分析、邏輯推理能	
カ。	
<b>教學資源</b> 網路相關資料、相關數學書籍、書商資料。	
大帶領學生閱讀課本,理解內容。 教學方法	
分組討論,包含課內及補充內容,並上臺發表。	
<b>教學評量</b> 紙筆測驗、作業、課堂問答、分組討論參與情形、上臺發表。	